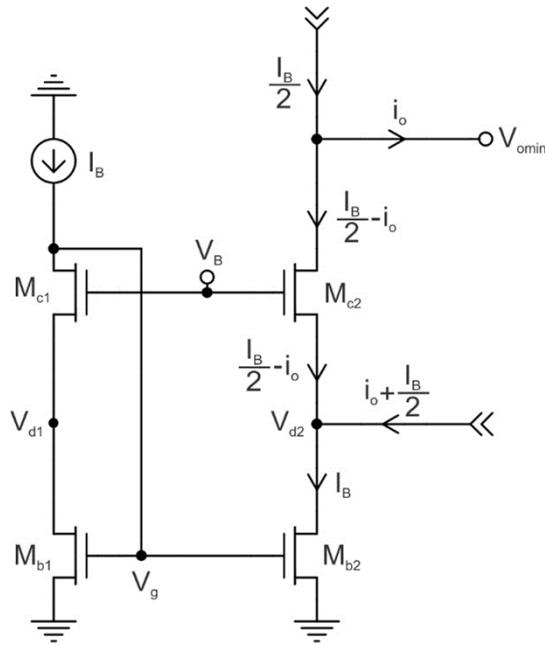


Polarização do Cascode Dobrado



Variação proporcional da corrente $i_o \rightarrow i_o = A \frac{I_B}{2}$

$$-A_{\max} \leq A \leq A_{\max}$$

$$A = \frac{2}{I_B} i_o \rightarrow -A_{\max} \frac{I_B}{2} \leq i_o \leq A_{\max} \frac{I_B}{2} \rightarrow A_{\max} = \frac{2}{I_B} |i_{o_{\max}}|$$

Relação entre ΔV_{gs1} e ΔV_{gs2}

$$I_B = \frac{k_p}{2\alpha} \frac{2W}{L} (\Delta v_{gs1})^2$$

$$\frac{I_B}{2} - i_o = \frac{I_B}{2} (1 - A) = \frac{k_p}{2\alpha} \frac{W}{L} (\Delta v_{gs2})^2$$

$$\Delta v_{gs2} = (\sqrt{1 - A}) \Delta v_{gs1}$$

Saturação de $M_{c1} \rightarrow V_B \leq \left(2 - \frac{1}{\alpha}\right) \Delta v_{gs1} + V_{T_c} + V_{T_b}$ ①

Saturação de $M_{b2} \rightarrow V_B \geq \left(\sqrt{1 + A_{\max}} + \frac{1}{\alpha}\right) \Delta v_{gs1} + V_{T_c}$ ②

Saturação de $M_{c2} \rightarrow V_B \leq V_{0\min} + \sqrt{1 - A_{\max}} \left(1 - \frac{1}{\alpha}\right) \Delta v_{gs1} + V_{T_c}$ ③

Saturação de $M_{b1} \rightarrow V_B \geq \left(1 + \frac{1}{\alpha}\right) \Delta v_{gs1} + V_{T_c}$ ④

A curva 2 domina sobre a 4

Faixa de Valores de V_B

A curva 2 é sempre mais restritiva que a 4. Existe uma condição em V_{omin} para a curva 3 dominar sobre a 1.

Curva 3 Mais Restritiva que a 1

$$V_B \leq V_{0\min} + \sqrt{1 - A_{\max}} \left(1 - \frac{1}{\alpha} \right) \Delta v_{gs_1} + V_{T_c} \quad \textcircled{3}$$

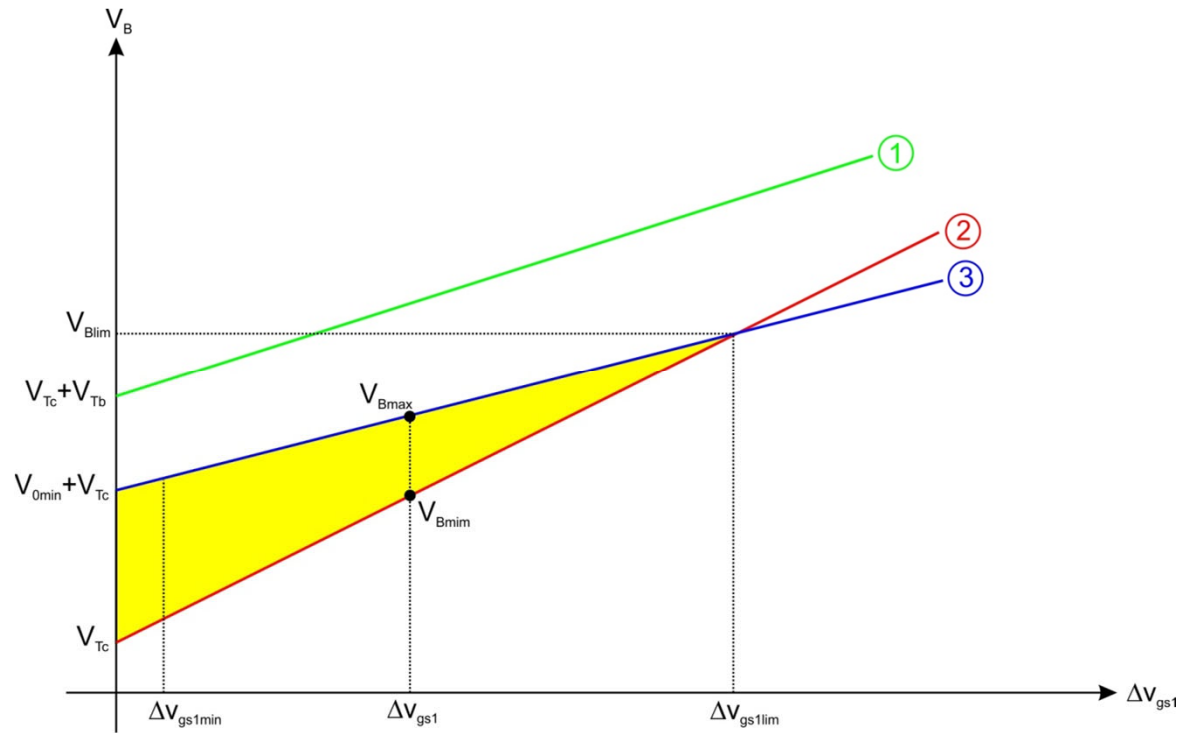
$$V_B \leq \left(2 - \frac{1}{\alpha} \right) \Delta v_{gs_1} + V_{T_c} + V_{T_b} \quad \textcircled{1}$$

$$V_{0\min} + \sqrt{1 - A_{\max}} \left(1 - \frac{1}{\alpha} \right) \Delta v_{gs_1} + V_{T_c} \leq \left(2 - \frac{1}{\alpha} \right) \Delta v_{gs_1} + V_{T_c} + V_{T_b}$$

$$V_{0\min} \leq \left(\left(2 - \frac{1}{\alpha} \right) - \sqrt{1 - A_{\max}} \left(1 - \frac{1}{\alpha} \right) \right) \Delta v_{gs_1} + V_{T_b}$$

Δv_{gs1} deve ser escolhido de forma a manter os transistores em inversão forte. Na prática, o menor valor para ΔV_{gs1} está em torno de 150mV

$$V_{0\min} \leq \left(\left(2 - \frac{1}{\alpha} \right) - \sqrt{1 - A_{\max}} \left(1 - \frac{1}{\alpha} \right) \right) \Delta v_{gs1} + V_{T_b} \rightarrow \text{Condição mais comum, de baixa tensão de saída.}$$



$$V_B \geq \left(\sqrt{1 + A_{\max}} + \frac{1}{\alpha} \right) \Delta v_{gs1} + V_{T_c} \quad \textcircled{2}$$

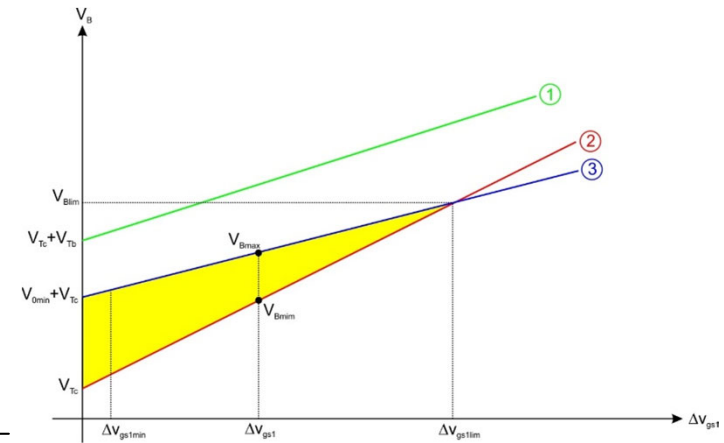
$$V_B \leq V_{0\min} + \sqrt{1 - A_{\max}} \left(1 - \frac{1}{\alpha} \right) \Delta v_{gs1} + V_{T_c} \quad \textcircled{3}$$

$$V_B \geq \left(\sqrt{1 + A_{\max}} + \frac{1}{\alpha} \right) \Delta v_{gs_1} + V_{T_c} \quad \textcircled{2}$$

$$V_B \leq V_{0\min} + \sqrt{1 - A_{\max}} \left(1 - \frac{1}{\alpha} \right) \Delta v_{gs_1} + V_{T_c} \quad \textcircled{3}$$

$$\Delta v_{gs_{1\lim}} = \frac{\left(\sqrt{1 + A_{\max}} + \sqrt{1 - A_{\max}} \right) \alpha V_{0\min}}{1 + (2\alpha - 1) A_{\max} + \sqrt{1 - A_{\max}^2} + \sqrt{1 + A_{\max}} + \sqrt{1 - A_{\max}}}$$

$$V_{B\lim} = \frac{\left(\sqrt{1 - A_{\max}^2} (1 - \alpha) V_{T_c} + (V_{T_c} + V_{0\min}) \left(\sqrt{1 + A_{\max}} + \alpha (1 + A_{\max}) \right) \right) \left(A_{\max} + 1 + \sqrt{1 - A_{\max}^2} \right)}{(1 + A_{\max}) \left(1 + (2\alpha - 1) A_{\max} + \sqrt{1 - A_{\max}^2} + \sqrt{1 + A_{\max}} + \sqrt{1 - A_{\max}} \right)}$$



$$\Delta v_{gs_{1\lim}} \geq \Delta v_{gs_{\min}}$$

→ Esta condição impõe um limite inferior para o $V_{0\min}$

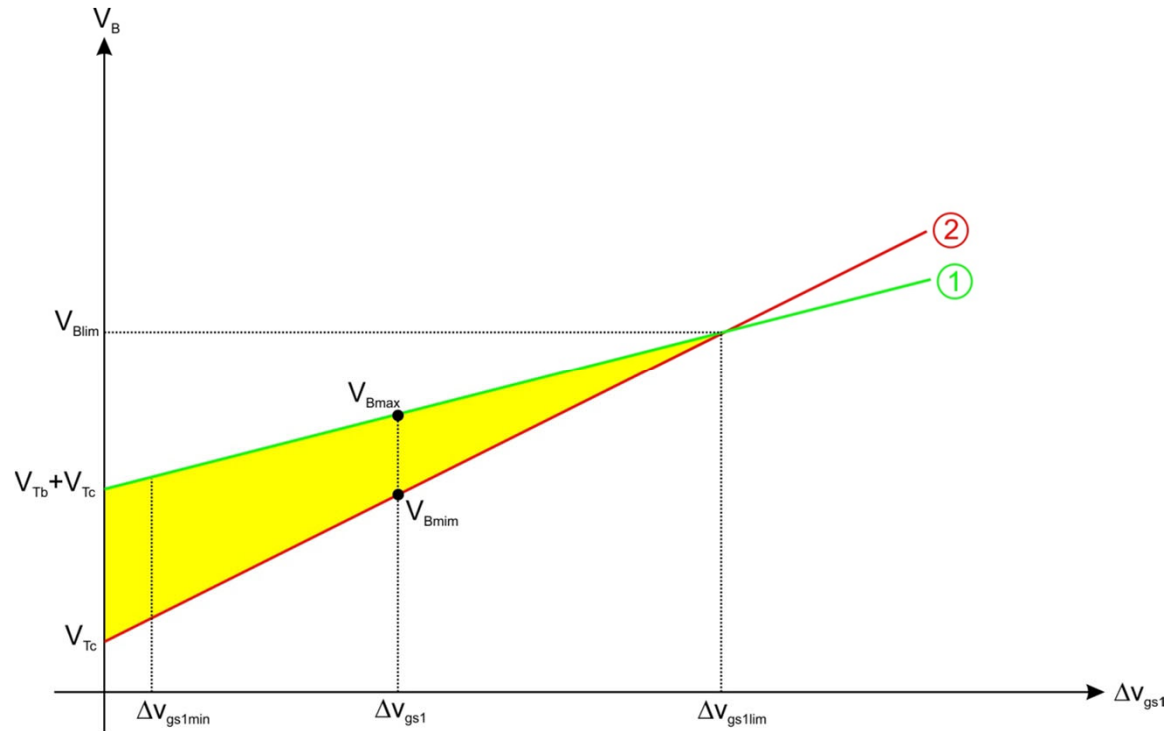
Reta média

$$V_B = \frac{V_{0\min}}{2} + \frac{1}{2} \left(\sqrt{1 - A_{\max}} \left(1 - \frac{1}{\alpha} \right) + \sqrt{1 + A_{\max}} + \frac{1}{\alpha} \right) \Delta v_{gs_1} + V_{T_c}$$

$$\Delta V_B = \pm \left(\frac{V_{0\min}}{2} + \frac{1}{2} \left(\sqrt{1 - A_{\max}} \left(1 - \frac{1}{\alpha} \right) - \sqrt{1 + A_{\max}} - \frac{1}{\alpha} \right) \Delta v_{gs_1} \right)$$

Curva 1 Mais Restritiva que a 3

$$V_{0\min} > \left(\left(2 - \frac{1}{\alpha} \right) - \sqrt{1 - A_{\max}} \left(1 - \frac{1}{\alpha} \right) \right) \Delta v_{gs1} + V_{T_b} \rightarrow \text{Condição menos comum, de baixa excursão de sinal de saída.}$$



$$V_B \leq \left(2 - \frac{1}{\alpha} \right) \Delta v_{gs1} + V_{T_c} + V_{T_b} \quad \textcircled{1}$$

$$V_B \geq \left(\sqrt{1 + A_{\max}} + \frac{1}{\alpha} \right) \Delta v_{gs1} + V_{T_c} \quad \textcircled{2}$$

$$V_B \leq \left(2 - \frac{1}{\alpha}\right) \Delta v_{gs1} + V_{T_c} + V_{T_b} \quad \textcircled{1}$$

$$V_B \geq \left(\sqrt{1 + A_{\max}} + \frac{1}{\alpha}\right) \Delta v_{gs1} + V_{T_c} \quad \textcircled{2}$$

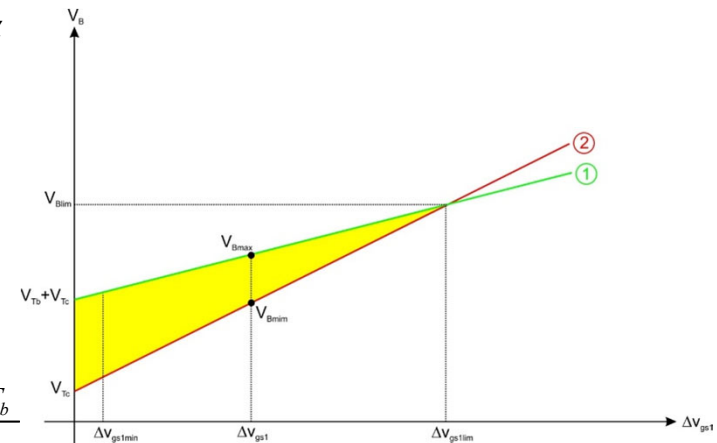
$$V_{B \lim} = \frac{\left((2\alpha + 1)V_{T_b} + 2V_{T_c}\right)\sqrt{1 + A_{\max}} + \left((1 + A_{\max})V_{T_b} + (A_{\max} - 3)V_{T_c}\right)\alpha + 2V_{T_b} + 4V_{T_c}}{2\sqrt{1 + A_{\max}} + 4 + (A_{\max} - 3)\alpha}$$

$$\Delta v_{gs1 \lim} = \frac{\alpha \left(\sqrt{1 + A_{\max}} + 2\right) V_{T_b}}{2\sqrt{1 + A_{\max}} + 4 + (A_{\max} - 3)\alpha}$$

Reta média

$$\rightarrow V_B = \frac{1}{2} \left(2 + \sqrt{1 + A_{\max}}\right) \Delta v_{gs1} + V_{T_c} + \frac{V_{T_b}}{2}$$

$$\rightarrow \Delta V_B = \pm \left(\left(1 - \frac{1}{\alpha} - \frac{\sqrt{1 + A_{\max}}}{2}\right) \Delta v_{gs1} + \frac{V_{T_b}}{2} \right)$$



OBS: No cascode dobrado apresentado, a corrente de polarização de M_b é o dobro da corrente de M_d , isto porque assume-se excursão de sinal plena no par diferencial. Entretanto, podemos polarizar M_b com correntes maiores, e isto é útil quando a variação de corrente de saída tira M_c da inversão forte. Aumentando a corrente de polarização, podemos manter M_c sempre em inversão forte, ao custo de um maior consumo de potência.

**Final deste
Tópico**